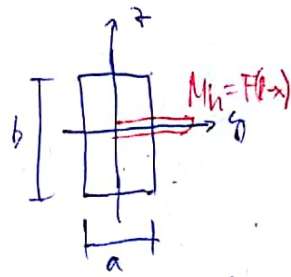
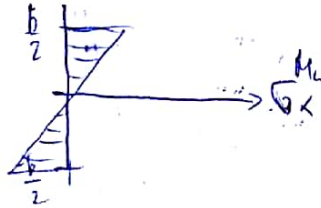
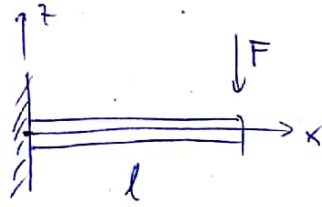


Képlet 1.

$$\sigma_x = \frac{M_n}{I_y} \cdot z$$

$$\tau_{xt} = \frac{M_t}{I_p} \cdot r$$



$$I_y = \frac{ab^3}{12}$$

$$I_x = \frac{a^3b}{12}$$

$$I_p = I_x + I_y$$

Feszültségállapotok

Huber-Mises-Kranichy (gyúdaságos)

$$\sigma_e^{HMK} = \sqrt{\frac{1}{2}((\sigma_1 - \sigma_2)^2 + (\sigma_2 - \sigma_3)^2 + (\sigma_3 - \sigma_1)^2)}$$

ridm

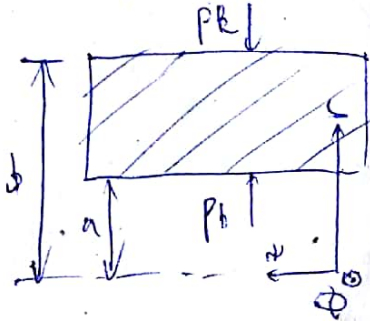
$$\sigma_e^{HMK} = \sqrt{\sigma^2 + 3\tau^2}$$

Mohr (biztonságos)

$$\sigma_e^{MOHR} = \sigma_1 - \sigma_3$$

$$\sigma_e^{MOHR} = \sqrt{\sigma^2 + 4\tau^2}$$

Vastagfalú csőre:



$$\sigma_r(r) = A - \frac{B}{r^2}$$

$$\sigma_\theta(r) = A + \frac{B}{r^2}$$

$$\sigma_z = 0 \text{ nyugvó cső}$$

[A zárt cső]

peremfeltétel

$$\sigma_r(a) = -p_b$$

$$\sigma_r(b) = -p_k$$

$$\sigma_e^{MOHR} = \sigma_1 - \sigma_3 = \sigma_\theta - \sigma_r \Big|_{r: \max}$$

$p_b > p_k$ esetén \downarrow

Általános megoldés:

$$A = \frac{p_b a^2 - p_k b^2}{b^2 - a^2}$$

$$B = (p_b - p_k) \frac{a^2 b^2}{b^2 - a^2}$$

Elmozdulás méré

$$u = u(r) = \hat{a}r + \frac{\hat{b}}{r}$$

$$w(z) = C \cdot z$$

nyitott cső

$$\hat{a} = \frac{1-\nu}{E} A$$

$$\hat{b} = \frac{1+\nu}{E} B$$

$$C = \frac{-2\nu}{E} A$$

$$E_\tau = \frac{-2\nu}{E} A$$

zárt cső

$$\hat{a} = \frac{1-2\nu}{E} A$$

$$\hat{b} = \frac{1+\nu}{E} B \text{ (független)}$$

$$C = \frac{1-2\nu}{E} A = \hat{a}$$

$$E_\tau = \frac{1-2\nu}{E} A$$

Képlet 2.

keskeny tárcsa / törő tengely

$$\frac{h}{b} \ll 1$$

$$\sigma_z = 0 \rightarrow \text{aritotó cső képledei}$$

$$\text{tengely} \rightarrow p_b = 0, \alpha = 0$$

$$u(0) = 0 \rightarrow \hat{b} = 0 \rightarrow u(r) = \hat{a} \cdot r$$

$$\hookrightarrow \beta = 0 \rightarrow \sigma_r = \sigma_\theta = A \quad \text{és} \quad \sigma_z = 0$$

$$\hat{a} = \frac{1-\nu}{E} A$$

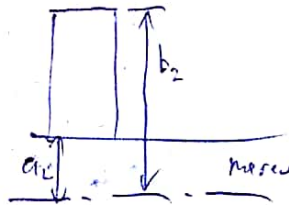
Ásugorkötés (aritotó cső)

I. merev teng + rug. tárcsa

$$\sigma_{r2}(a_2) = -p_k \quad \text{előtérnyomás}$$

$$\sigma_{r2}(b_2) = 0$$

$$u_2(a_2) = \delta$$



$$A_2 = p_k \frac{a_2^2}{b_2^2 - a_2^2}$$

$$B_2 = p_k \frac{a_2^2 b_2^2}{b_2^2 - a_2^2}$$

$$\hat{a}_2 = \frac{1-\nu}{E} A_2$$

$$\hat{b}_2 = \frac{1+\nu}{E} B_2$$

$$u(a_2) = \delta$$

$$\frac{1-\nu}{E} p_k \frac{a_2^2 \cdot a_2}{b_2^2 - a_2^2} + \frac{1+\nu}{E} p_k \frac{a_2^2 b_2^2}{b_2^2 - a_2^2} \cdot \frac{1}{a_2} = \delta$$

$$\delta = p_k = E \frac{\delta}{a_2} \cdot \frac{b_2^2 - a_2^2}{b_2^2(1+\nu) + a_2^2(1-\nu)}$$

II. rug. teng + rug. tárcsa

$$\sigma_{r1}(a_1) = -p_k = A_1 \quad \text{húzóerő:} \quad \delta = u_2(a_2) - u_1(b_1) \quad b_1 = \frac{d}{2}$$

$$\sigma_{\theta 1}(r) = -p_k = A_1$$

$$\hat{a}_1 = \frac{1-\nu_1}{E_1} A_1 = -\frac{1-\nu_1}{E_1} p_k$$

$$\delta = \frac{1-\nu}{E} p_k \frac{a_2^3}{b_2^2 - a_2^2} + \frac{1+\nu}{E} p_k \frac{a_2 \cdot b_2^2}{b_2^2 - a_2^2} + \frac{1-\nu_1}{E_1} p_k \left(\frac{d}{2}\right)$$

$$p_k = \frac{\delta}{\frac{a_2}{E} \left[\frac{(1-\nu)a_2^2 + (1+\nu)b_2^2}{b_2^2 - a_2^2} \right] + \frac{d}{2E_1} (1-\nu_1)}$$

Képleték 3.

III. rugalmas tárcsa + rug. tárcsa

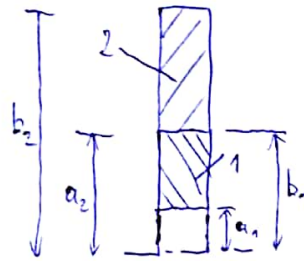
mindkettőre nyitott cső képletei:

1-es tárcsa: E_1, ν_1

2-es: E_2, ν_2

belső: $p_b = 0$

$p_k = p_0$ kötésnyomás



$$\begin{aligned} \sigma_{1r}(a_1) &= 0 & A_1 &= -p_0 \frac{b_1^2}{b_1^2 - a_1^2} \\ \sigma_{1r}(b_1) &= -p_0 & B_1 &= -p_0 \frac{a_1^2 b_1^2}{b_1^2 - a_1^2} \end{aligned}$$

belső tárcsa:

$$\begin{aligned} \sigma_{2r}(a_2) &= -p_0 & A_2 &= p_0 \frac{a_2^2}{b_2^2 - a_2^2} \\ \sigma_{2r}(b_2) &= 0 & B_2 &= p_0 \frac{a_2^2 b_2^2}{b_2^2 - a_2^2} \end{aligned}$$

elmozdulásmerők:

$$u_1(r) = \hat{a}_1 r + \frac{\hat{b}_1}{r}$$

$$\hat{a}_1 = \frac{1 - \nu_1}{E_1} A_1$$

$$\hat{b}_1 = \frac{1 + \nu_1}{E_1} B_1$$

$$u_2(r) = \hat{a}_2 r + \frac{\hat{b}_2}{r}$$

$$\hat{a}_2 = \frac{1 - \nu_2}{E_2} A_2$$

$$\hat{b}_2 = \frac{1 + \nu_2}{E_2} B_2$$

tilfedés: $\delta = u_2(a_2) - u_1(b_1) = \hat{a}_2 \cdot a_2 - \frac{\hat{b}_2}{a_2} - \left(\hat{a}_1 b_1 + \frac{\hat{b}_1}{b_1} \right)$

$$\delta = \frac{1 - \nu_2}{E_2} \cdot p_0 \frac{a_2^3}{b_2^2 - a_2^2} - \frac{1 + \nu_2}{E_2} \cdot p_0 \frac{a_2 \cdot b_2^2}{b_2^2 - a_2^2} + \frac{1 - \nu_1}{E_1} \cdot p_0 \frac{b_1^3}{b_1^2 - a_1^2} + \frac{1 + \nu_1}{E_1} \cdot p_0 \frac{a_1^2 \cdot b_1}{b_1^2 - a_1^2}$$

↳ innen p_0 kifejezhető a_1, b_1, a_2, b_2 és δ függvényében.

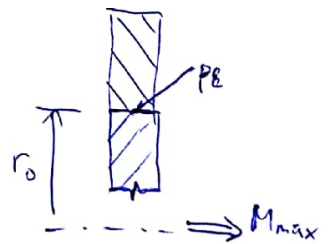
Zsugorkötésen
Átvihető terhelés

normálerő: $N = p_k \cdot A_0 = p_k \cdot 2 r_0 \pi \cdot h$

$F = \mu_0 \cdot N \rightarrow F_{\max} = \mu_0 \cdot p_k \cdot 2 r_0 \pi \cdot h$

tapadási súrl. μ_0
összítendő

$M_{\max} = F_{\max} \cdot r_0 = \mu_0 \cdot p_k \cdot 2 r_0^2 \pi \cdot h$: p_k kötésnyomással átvihető nyomaték



Képleték 4.

Forgó tárcsa / forgó szagorkeztés

itt a forgás hatására megjelenik +1 tag a ferr. elmozlásokban és elmozdulásmezőben

$$u(r) = u_h(r) + u_p(r)$$

↑
homogén,
pl. pr. k hatás

↑
inhomogén, partikuláris rár
forgás: ω hatás

$$u_h(r) = \hat{a} r + \frac{\hat{b}}{r}$$

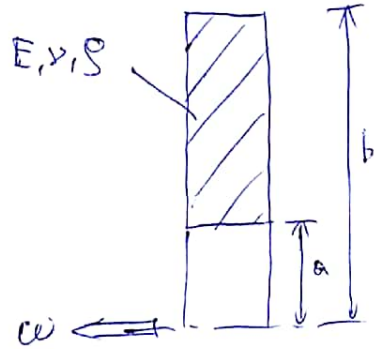
$$u_p(r) = \frac{c_0}{8} r^3$$

$$c_0 = -\frac{1-\nu^2}{E} \rho \omega^2$$

$$\parallel$$

$$u_p(r) = \hat{c} \cdot r^3$$

$$\hat{c} = \frac{c_0}{8} = -\frac{1}{8} \cdot \frac{1-\nu^2}{E} \rho \omega^2$$



így a teljes elmozdulásmező:

$$u_p(r) = \hat{a} r + \frac{\hat{b}}{r} + \hat{c} \cdot r^3$$

a feszültség-elmozlások:

$$\sigma_r(r) = A - \frac{B}{r^2} + C_1 \cdot r^2$$

$$C_1 = \frac{3+\nu}{1-\nu^2} \hat{c} E = -\frac{3+\nu}{8} \rho \omega^2$$

$$\sigma_\theta(r) = A + \frac{B}{r^2} + C_2 \cdot r^2$$

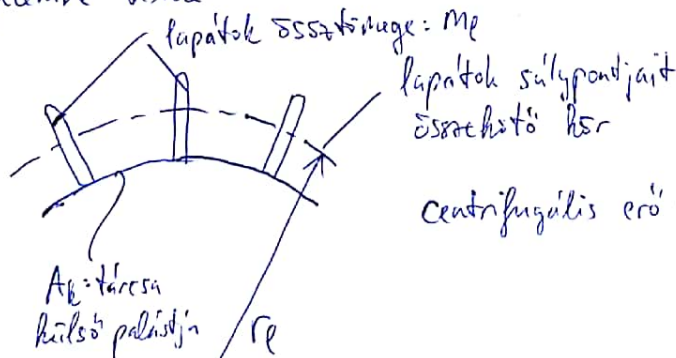
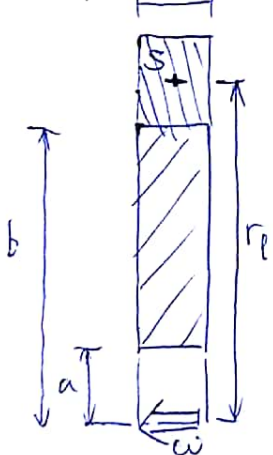
$$C_2 = \frac{1+3\nu}{1-\nu^2} \hat{c} E = -\frac{1+3\nu}{8} \rho \omega^2$$

peremfeltételek:

nincs nyomás: $\begin{cases} \sigma_r(a) = 0 \\ \sigma_r(b) = 0 \end{cases}$

, általános eset $\begin{cases} \sigma_r(a) = -p_b \\ \sigma_r(b) = -p_k \end{cases}$ feltételek.

Lapátokzás figyelembe vétele



centrifugális erő: $F_c = m_p \cdot r_p \cdot \omega^2$

$$A_k = 2 b \pi h$$

$$p_c = \frac{m_p \cdot r_p \cdot \omega^2}{2 b \pi h}$$

ez anyagias most
"húzza" a külső palástot

lapátokzásnak megfelelő peremfeltétel: $\sigma_r(b) = p_c$ (pozitív előjel!)